# Mamut Matemáticas Examen Final, 6to. Grado, Respuestas

Por favor, vea la introducción del examen para leer las instrucciones de calificación.

## Las operaciones básicas

1. a. 2,000 ÷ 38 = 52 R4. Habrá 52 bolsas de canela molida.

2. a.  $2^5 = 32$  b.  $5^3 = 125$  c.  $10^7 = 10,000,000$ 

3. a. 70,200,009 b. 304,500,100

4. a. 6,300,000 b. 6,609,900

## **Expresiones y ecuaciones**

5. a. s-2 b.  $(7+x)^2$  c. 5(y-2) d.  $\frac{4}{x^2}$ 

6. a. 40 - 16 = 24

b.  $\frac{65}{5} = 13 \cdot 3 = 39$ 

7. a.  $$50 - 2m \text{ o } $50 - m \cdot 2$  b.  $s^2$ 

8. z + z + 8 + x + x + x = 2z + 3x + 8 o 3x + 2z + 8 o 2z + 8 + 3x

9. 6(s+6) o (s+6+s+6+s+6+s+6+s+6+s+6) Simplifica a 6s+36.

 $10.6b \cdot 3b = 18b^2$ 

11. a. 3x b.  $14w^3$ 

12. a. 7(x+5) = 7x + 35 b. 2(6p+5) = 12p + 10

13. a.  $\underline{2}(6x+5) = 12x+10$  b.  $5(2h+\underline{6}) = 10h+30$ 

14.

a.  $\frac{x}{31} = 6$ 

 $x = 6 \cdot 31$ 

x = 186

b. a - 8.1 = 2.8

a = 2.8 + 8.1

a = 10.9

15. y = 2

16.  $0.25 \cdot x = 16.75$  O 25x = 1675. La solución es x = 67 monedas.

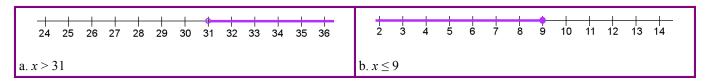
#### 17. a. $p \le 5$

Puede que varía la variable que los estudiantes utilizan para "rebanadas de pan".

#### b. $a \ge 21$

Puede que varía la variable que los estudiantes utilizan para "edad".

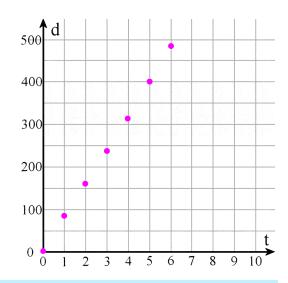
18.



19. a.

t (horas)	0	1	2	3	4	5	6
<b>d</b> (km)	0	80	160	240	320	400	480

- b. Vea la cuadrícula a la derecha.
- c. d = 80t
- d. t es la variable independiente.



## **Decimales**

- 20. a. 0.000013 b. 2.0928
- 21. a.  $\frac{78}{100,000}$

- 22. 0.0702
- 23. a. 8 b. 0.00048
- 24. a. Estimación:  $7 \times 0.006 = 0.042$  b. Exacto:  $7.1 \times 0.0058 = 0.04118$
- $25. \ 1.5 + 0.0022 = 1.5022$
- 26. a. 90,500 b. 0.0024
- 27. a.  $175 \div 0.3 = 583.333$

b. 
$$\frac{2}{9} = 0.222$$

- 28. a. Estimación:  $13 \div 4 \times 3 = (3 \ 1/4) \times 3 = \$9.75$
- b. Exacto: \$9.69
- 29.  $(3 \times \$3.85 + \$4.56) \div 2 = \$8.06$

## Unidades de medición

- 30. a. 178 oz. fl. = 5.56 qt
- b. 0.412 mi. = 2,175.36 pies
- c.  $1.267 \text{ lb} = \underline{20.27} \text{ oz}$

- 31. 0.947 milla
- 32. Se pueden conseguir 10 raciones de seis onzas y sobrarán 4 onzas.
- 33. Costaría aproximadamente \$6.65 por libra.

Para calcular el precio por libra, sólo divida el costo por el peso en libras. Un paquete de 36 barras de chocolate pesa  $36 \times 1.55$  oz = 55.8 oz = 3.4875 lb. Ahora sólo divida el costo de esas barras de chocolate por su peso en libras para conseguir el precio por libra:  $$23.20 \div 3.4875 \text{ lb} = $6.652329749103943 / \text{ lb}.$ 

34. a. 39 dl = 3.9 L

			3	9		
kl	hl	dal	1	dl	cl	ml

b. 15,400 mm = 15.4 m

		1	5	4	0	0
km	hm	dam	m	dm	cm	mm

c. 7.5 hm = 75,000 cm

	7	5	0	0	0	
km	hm	dam	m	dm	cm	mm

d. 597 hl = 59,700 L

5	9	7	0	0			
	kl	hl	dal	1	dl	cl	ml

e. 7.5 hg = 0.75 kg

0	)	7	5				
k	g	hg	dag	g	dg	cg	mg

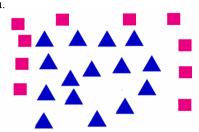
f. 32 g = 3,200 cg

		3	2	0	0	
kg	hg	dag	g	dg	cg	mg

- 35. a. Veinticuatro ladrillos cubrirán la pared. 5150 mm ÷ 215 mm = 23.953488.
  - b. Veinticuatro ladrillos aun cubrirán la pared. 5150 mm ÷ 216 mm = 23.842593.

### **Razones**

36. a.



- b. 10:15 = 2:3
- 37. a.  $3{,}000 \text{ g}:800 \text{ g} = 15:4$
- b. 240 cm: 100 cm = 12:5
- 38. a. \$7:2 kg b. 1 profesor por cada 18 estudiantes
- 39. a. \$4 por cada camiseta b. 90 millas en una hora

- 40. a. Se podrían cortar 20 céspedes en 35 horas.
  - b. La tasa unitaria es 105 minutos por cada césped (o 1 h 45 min. por cada césped).

Céspedes	4	8	12	16	20
Horas	7	14	21	28	35

- 41. Miguel recibió \$102.84.  $180 \div 7 \times 4 = 102.84$ .
- 42. a. 11.394 km
- b. 4.23 qt

## **Porcentaje**

43.

a. 
$$35\% = \frac{35}{100} = 0.35$$
 b.  $9\% = \frac{9}{100} = 0.09$  c.  $105\% = 1 \frac{5}{100} = 1.05$ 

44.

	510
1% del número	5.1
5% del número	25.5
10% del número	51
30% del número	153

- 45. El precio rebajado es \$39. Puede multiplicar  $0.6 \times \$65 = \$39$ , o puede encontrar 10% del precio, lo cual es \$6.50, multiplicar eso por 4 para conseguir la rebaja (\$26) y restar la cantidad rebajada.
- 46. La tienda tenía 450 cuadernos al principio. Ya que 90 es 1/5 de los cuadernos, el total es  $90 \times 5 = 450$ .
- 47. Ella ha leído 85% de los libros que ella pidió prestado de la biblioteca. 17/20 = 85/100 = 85%.

## Factorización en números primos, MFC y MCM

48. a.  $3 \times 3 \times 5$  b.  $2 \times 3 \times 13$  c. 97 es un número primo.

49. a. 8 b. 18

50. a. 2 b. 15

51. Funcionarán cualesquiera tres de los siguientes números: 112, 140, 168, 196

52.

a. MFC de 18 y 21 es 3. 18 + 21 = 3 · 6 + 3 · 7 = 3(6 + 7) b. MFC de 56 y 35 es 7.

b. MFC de 56 y 35 es 7 56 + 35 = 7(8 + 5)

## **Fracciones**

53. a. 4 b. 2 1/12 c. 5 3/5

$$54.\ 3\frac{2}{3} \div \frac{3}{5} = 6\frac{1}{9}$$

- 55. Variarán las respuestas. Por favor, revise la tarea de los estudiantes. Ejemplo: Sobraron 1 3/4 pizzas y tres personas las compartieron igualmente. Cada persona recibió 7/12 de una pizza.
- 56. Hay diez raciones.  $(7 \ 1/2) \div (3/4) = (15/2) \div (3/4) = (15/2) \times (4/3) = 60/6 = 10$ .
- 57. 63 8/9 pies cuadrados.

El área de la habitación es  $(12\ 1/2) \times (15\ 1/3) = (25/2) \times (46/3) = 25 \times 23/3 = 575/3 = 191\ 2/3$  pies cuadrados. Un tercio de eso es  $(19\ 12/3) \times (1/3) = 574/9 = 63\ 8/9$ .

- O, puede primero dividir una de las dimensiones por tres, y luego multiplicar para encontrar el área.
- 58. 4 13/20 pulgadas y 3 1/10 pulgadas o 4.65 pulgadas y 3.1 pulgadas.

  La razón 3:2 significa que los dos lados son como tres "partes" y dos "partes", y el perímetro total es 10 partes.

  Por eso, una parte es 15 1/2 pulg. ÷ 10 = 15.5 pulg. ÷ 10 = 1.55 pulgadas. Uno de los lados es tres veces eso, y el otro es dos veces eso. Entonces, los lados son 4.65 pulg. y 3.1 pulg. Si utiliza fracciones, consigue (15 1/2 pulg.) ÷ 10 = (31/2 pulg.) ÷ 10 = 31/20 pulg., y entonces los dos lados son 3 × 31/20 pulg. = 93/20 pulg. = 4 13/20 pulg. y 2 × 31/20 pulg. = 62/20 pulg. = 3 1/10 pulg.

## Números enteros

60. a. 
$$-7^{\circ}C > -12^{\circ}C$$
 b.  $\$5 > -\$5$ 

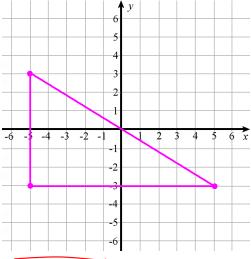
61. a. La diferencia es 23 grados. b. La diferencia es 12 grados.

62. a. 
$$-7$$
 b.  $|-6| = 6$  c.  $|5| = 5$  d.  $|-6| = 6$ 

63. a. - c Vea la cuadrícula a la derecha.

d. 
$$6 \times 10 \div 2 = 30$$

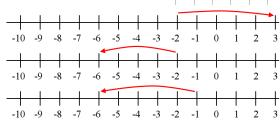
El área del triángulo resultante es 30 unidades cuadradas.



64. a. 
$$-2 + 5 = 3$$

b. 
$$-2 - 4 = -6$$

c. 
$$-1 - 5 = -6$$



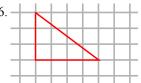
65. a. Eso haría que la situación de su dinero sea -\$4.

$$$10 - $14 = -$4$$
  
O  
 $$10 + (-$14) = -$4$ 

b. Ahora está a la profundidad de −3 m.

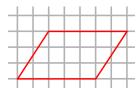
$$-2 \text{ m} - 1 \text{ m} = -3 \text{ m}$$
  
O  
 $-2 \text{ m} + (-1 \text{ m}) = -3 \text{ m}$ 

## Geometría

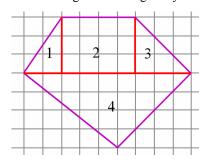


El área es  $4 \times 3 \div 2 = 6$  unidades cuadradas.

67. Puede que varíen las respuestas. La base y la altura del paralelogramo podrían ser, por ejemplo, 5 y 3, o 3 y 5, o 6 y 2 1/2.



68. Divida la figura en triángulos y rectángulos, por ejemplo así:

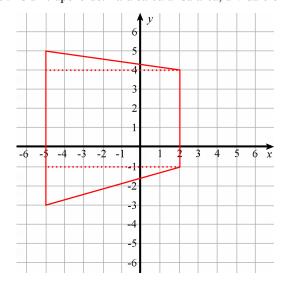


Los áreas de las partes son:

triángulo 1: 3 unidades cuadradas rectángulo 2: 12 unidades cuadradas triángulo 3: 4.5 unidades cuadradas triángulo 4: 18 unidades cuadradas

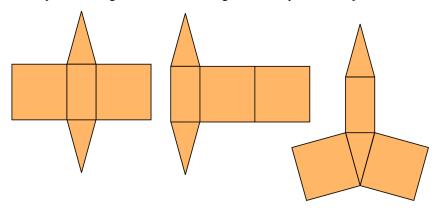
Toda la figura (pentágono): 37.5 unidades cuadradas

69. Es un trapezoide. Para calcular su área, divídalo en triángulos y rectángulo(s).



El área es: 3.5 + 35 + 7 = 45.5 unidades cuadradas.

70. Es un prisma triangular. Se muestran algunas redes posibles abajo:



- 71. a. Es una pirámide rectangular.
  - b. El rectángulo tiene un área de 300 cm<sup>2</sup>. El triángulo superior y el triángulo inferior:  $2 \times 20$  cm  $\times 11.2$  cm  $\div 2 = 224$  cm<sup>2</sup>. El triángulo izquierdo y el triángulo derecho:  $2 \times 15$  cm  $\times 13$  cm  $\div 2 = 195$  cm<sup>2</sup>. El área total de la superficie es 719 cm<sup>2</sup>.
- 72. El volumen de cada cubo pequeño es  $(1/2 \text{ cm}) \times (1/2 \text{ cm}) \times (1/2 \text{ cm}) = 1/8 \text{ cm}^3$ .
  - a.  $18 \times (1/8)$  cm<sup>3</sup> = 18/8 cm<sup>3</sup> = 9/4 cm<sup>3</sup> = 21/4 cm<sup>3</sup>.
  - b.  $36 \times (1/8)$  cm<sup>3</sup> = 36/8 cm<sup>3</sup> = 9/2 cm<sup>3</sup> = 41/2 cm<sup>3</sup>.
- 73. a. 1 3/4 pulg.  $\times$  8 1/2 pulg.  $\times$  6 pulg. = (7/4) pulg.  $\times$  (17/2) pulg.  $\times$  6 pulg. = (119/4)  $\times$  6 pulg<sup>3</sup> = (29 3/4)  $\times$  3 pulg<sup>3</sup> = 87 9/4 pulg<sup>3</sup> = 89 1/4 pulg<sup>3</sup>.

También se puede realizar este cálculo (probablemente más rápidamente) utilizando decimales:

- 1.75 pulg.  $\times$  8.5 pulg.  $\times$  6 pulg. = 89.25 pulg<sup>3</sup>.
- b. Imagine que coloca las cajas en filas, paradas, así que la altura es 6 pulgadas. Podemos apilar dos filas una encima de la otra, ya que la altura de la caja es 1 pie o 12 pulgadas. La anchura de cada caja es 1 3/4 pulg., y caben 6 cajas en el espacio de 1 pie, porque 6 × (1 3/4 pulg.) = 6 18/4 pulg. = 10 1/2 pulg. Ya que la última dimensión es más de 8 pulgadas, solo cabe una fila. Entonces, podemos caber dos filas de 6 cajas, apiladas una encima de la otra, o un total de 12 cajas.

#### Estadística

- 74. a. Vea el diagrama a la derecha.
  - b. La mediana es 68.5 años.
  - c. El primer cuartil es 63, y el tercer cuartil es 75.5. Entonces, el rango intercuartílico es 12.5 años.

Tallo	
5	5 9 1 2 4 5 5 8 9 0 2 4 7 3 9
6	1245589
7	0 2 4 7
8	3 9
9	4

- 75. a. Es sesgada a la izquierda.
  - b. Mediana. La media definidamente no es lo mejor, porque la distribución es tan sesgada. Sin ver los datos, no podemos saber si funcionaría la moda o no puede que aun no exista, ya que normalmente para los histogramas, los datos varían mucho numéricamente y primero hay que agruparlos.
- 76. a.

130										
					•	•	•	•		
					•	•	•	•	•	
	•		•	•	•	•	•	•	•	
-		- 1	Т	- 1		-	-	-	-	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	

- b. Tiene la forma de una campana pero es un poco sesgada a la derecha.
- c. Los datos tienen una gama amplia.
- d. Funciona cualquier de las tres medidas de tendencia central. Media: 6.4. Mediana: 7. Moda: 7.